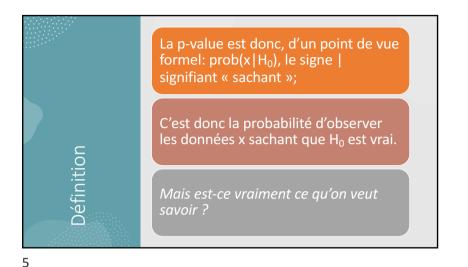


• Dans un test de type H<sub>0</sub>-H<sub>1</sub>, l'hypothèse H<sub>0</sub> est dite hypothèse nulle. Elle est clairement explicitée. L'hypothèse H<sub>1</sub> est l'hypothèse alternative. Ce sont toutes les hypothèses qui ne sont pas H<sub>0</sub>. • Quand on fait un test, on cherche si le jeu de données a pu être obtenu sous l'hypothèse H<sub>0</sub>. Il faut noter que la réponse est tout le temps « oui » mais avec une probabilité plus ou moins élevée. Le « p value » désigne cette probabilité (Sir Ronald Fisher, Statistical Methods for Research Workers, 1925). x: jeu de données Ho: Hypothèse nulle p: probabilité que le jeu de données x ait H<sub>1</sub>: Hypothèse alternative pu être obtenu avec Ho 2

- Donc le « p value » représente la probabilité de se tromper si on rejette H<sub>0</sub>. Par exemple, si p=0,2, cela signifie que si on rejette H<sub>0</sub>, on sait que ce jeu de données avait 20% de chance d'être obtenu alors que H<sub>0</sub> était vraie. Donc on prend un risque assez grand en rejetant H<sub>0</sub>. Il faut dire qu'on ne rejette pas H<sub>0</sub>.
- Attention: on n'accepte jamais H<sub>0</sub> car on ne peut jamais rejeter H<sub>1</sub>



prob(x|H<sub>0</sub>) ne nous donne pas la probabilité que H<sub>0</sub> soit vraie mais la probabilité que les données x aient pu avoir été obtenues sous H<sub>0</sub>.
 Or on est intéressé par prob(H<sub>0</sub>|x) ce qui se lit: quelle est la probabilité de H<sub>0</sub> sachant qu'on a observé les données x.
 Hubbard, R., Lindsay, R.M., 2008. Why P values are not a useful measure of evidence in statistical significance testing. Theory & Psychology 18, 69-88.

D'après les règles de bases de probabilités de prop(Ho', x) = blop(Ho', x) blop(Ho', x) blop(Ho', x) blop(Ho') blop(

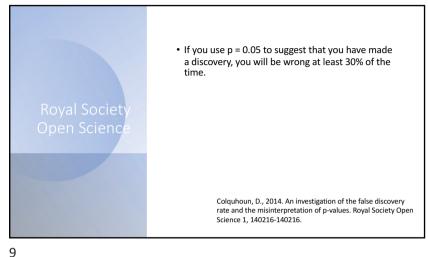
7

prob(H<sub>0</sub>|x) vs. prob(x|H<sub>0</sub>)

• En utilisant un test statistique Bayésien sur une moyenne normale, James Berger et Thomas Sellke ont montré que pour des valeurs de p soit prob(x|H<sub>0</sub>) de 0,05, 0,01, et 0,001, les probabilités postérieures du modèle nul, prob(H<sub>0</sub>|x), pour n = 50 sont 0,52, 0,22, et 0,034. Pour n = 100 les valeurs étaient de 0,60, 0,27, et 0,045.

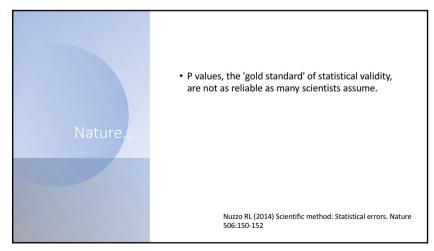
Berger, J.O., Sellke, T., 1987. Testing a point null hypothesis: The irreconcilability of p values and evidence (with comments). Journal of the American Statistical Association 82, 112-139.

8



 Les progrès récents des tests d'hypothèse bayésiens ont conduit au développement de tests bayésiens qui ont les mêmes régions de rejet que les tests de signification classiques. Sur la base de la correspondance entre ces deux classes de tests, il est possible d'assimiler la taille des tests d'hypothèses classiques aux seuils de preuve dans les tests bayésiens, et d'assimiler les valeurs P aux facteurs de Un examen de ces liens suggère que les préoccupations récentes concernant le manque de reproductibilité des études scientifiques peuvent être attribuées en grande partie à la conduite de tests de signification à des niveaux de signification injustifiés. Pour corriger ce problème, les seuils de preuve requis pour la déclaration d'un résultat significatif devraient être augmentés. En termes de tests d'hypothèses classiques, ces normes de preuves imposent la conduite de tests au niveau de signification de 0,005 ou 0,001. Johnson, V.E., 2013. Revised standards for statistical evidence. Proceedings of the National Academy of Sciences of the United States of America 110, 19313-19317.

10



• Q: Why do so many colleges and grad schools teach p · A: Because that's still what the scientific community and journal editors use. • Q: Why do so many people still use p = 0.05? · A: Because that's what they were taught in college or grad school. Baker M (2016) Statisticians issue warning on P values. Nature 351:151-152 Wasserstein RL, Lazar NA (2016) The ASA's statement on pvalues: context, process, and purpose. The American Statistician 70:129-133

Erreurs classiques et mauvaises interprétations sur les p-values

- La p-value n'est pas la probabilité que l'hypothèse nulle soit vraie, ni la probabilité que l'hypothèse alternative soit fausse
- La p-value n'est pas la probabilité que les données soient dues simplement à un coup de chance.
- La p-value n'est pas la probabilité de rejeter à tort l'hypothèse nulle.
- La p-value n'est pas la probabilité que reproduire l'expérience donnerait la même conclusion.
- Le seuil de signification, par exemple 0,05, n'est pas déterminé par la value de p.
- La p-value ne représente pas la force ou l'importance de l'effet observé.

Pourquoi naintenant?

• Le problème lié à l'utilisation des p-values est connu depuis longtemps dans le domaine des statistiques mais n'a percolé que récemment en dehors de ce domaine.

• Pour comprendre ce phénomène, il faut relire Tomas Kuhn, La Structure des Révolutions Scientifiques. Il y démontre notamment comment un paradigme en vient à en remplacer un autre.

The Structure of Scientific Revolutions est un essai rédigé par le philosophe et historien des sciences, Thomas Samuel Kuhn (1962).

13

· CONSTRUCTION DE MODÈLES
BAYÉSIENS
· COMPARAISON DES INTERVALLES
CRÉDIBLES